#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

## Fields of Experts доклад

### 1 апреля 2011

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへで

## Outline

### Введение

### Image priors Модели патчей

### Fields of Experts

Модель Вывод Обучение

### Приложения

Image denoising Image inpainting

### Заключение

#### Fields of Experts

#### Введение

Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

### Постановка задачи

Получить модель априорных знаний об изображении (image prior):

 $p(\mathbf{x}), \quad \mathbf{x} -$ изображение

содержащую статистику реальных сцен. Например таких:



#### Fields of Experts

Введение

Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

## Где нужны image priors?

Задачи низкоуровневого зрения

- denoising
- inpainting
- super-resolution
- <u>►</u> ...
- Синтез текстур
- Коррекция карт глубины
- Оценка оптического потока
- Где нибудь еще?

#### Fields of Experts

#### Введение

Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

### Markov Random Field



Вероятностные модели структуры изображений обычно формулируются в виде MRF:

$$p(\mathbf{x}) = \frac{1}{Z} \exp\left\{-\sum_{k} U_k(\mathbf{x}_{(k)})\right\}$$

ション ふゆ アメリア メリア しょうくしゃ

Fields of Experts

#### Введение

Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

Как правило

- однородной
- с парной системой соседства (pairwise)
- в качестве потенциалов робастная функция разности  $U(x_i, x_j) = \rho(x_i x_j)$

## Ограничения Pairwise MRF



В восстановлении сложных сцен такие MRF показывают разочаровывающие результаты...

- потенциалы выбираются вручную
- парная система соседства плохо моделирует пространственную структуру сложных изображений (по сути моделируется поведение первой производной на изображении)
- результат Yanover et al. (2006) показал, что причина плохого качества — бедность модели, а не методы оптимизации

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

## High-order MRF

Никто не запрещал расширить систему соседства.



#### Fields of Experts

Введение Image priors

Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

## High-order MRF

Вот например, Geman and Reynolds (1992) использовали вторые (и третие) производные на изображении.

Использовались клики размером  $3 \times 3$  с потенциалами

$$U(\mathbf{x}_{(k)}) = \sum_{i=1}^{5} \rho(\mathbf{J}_{i}^{T} \mathbf{x}_{(k)}),$$

где  $\mathbf{J}_i$  — линейные фильтры производных.



#### Fields of Experts

#### Введение

Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

## Обучение MRF моделей

- Ручная настройка параметров модели (фильтров, потенциалов) утомительна и не приводит к желаемому результату.
- Модель FRAME (Zhu et al., 1998) для генерации текстур использовала high-order MRF. Идея схожа с FoE, однако FRAME для обучения использовала предустановленный набор линейных фильтров.
- Большинство обучающихся MRF моделей не нашли широкого применения, в основном из-за вычислительных затрат.

**Цель авторов FoE**: избавиться от ручной настройки чего-либо.

#### Fields of Experts

#### Введение

Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

### Анализ компонент

Небольшие изображения (патчи) могут кодироваться откликами линейных фильтров.

$$\mathbf{x} \in \mathbb{R}^n, \quad \mathbf{x} = \sum_{i=1}^n \alpha_i \mathbf{J}_i, \quad \alpha_i = \mathbf{J}_i^T \mathbf{x}$$

- РСА позволяет найти ортонормированный базис  $\{\mathbf{J}_i\}$ , однако компоненты  $\alpha_i$  имеют далеко не Гауссоово распределение и не независимы.
- ICA ищет линейные компоненты с минимальной зависимостью, так что можно записать:

$$p(\mathbf{x}) \propto \prod_{i=1}^{n} p_i(\mathbf{J}_i^T \mathbf{x})$$

Sparse Coding (Olshausen and Field, 1996)

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

(ロ)、(型)、(E)、(E)、(E)、(O)へ(C)

## Product of Experts

Идея PoE: представить многомерное распределение патча в виде произведения «экспертных» распределений, т. ч. каждый эксперт работает в подпространстве меньшей размерности.

$$p(\mathbf{x}; \Theta) = \frac{1}{Z(\Theta)} \prod_{i=1}^{n} \phi(\mathbf{J}_{i}^{T} \mathbf{x}; \alpha_{i})$$
$$\Theta = \{\theta_{1}, \dots, \theta_{n}\}, \quad \theta_{i} = (\mathbf{J}_{i}, \alpha_{i})$$

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

• Фильтры  $\mathbf{J}_i$  обучаются  $\Rightarrow$  не нужно беспокоиться о независимости откликов.

・ロト ・ 日 ・ モ ・ ト ・ モ ・ うへぐ

## Products of Experts

Несколько фильтров  $5\times 5,$  полученных в результате обучения РоЕ на базе данных изображений:



#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

◆□▶ ◆□▶ ◆目▶ ◆目▶ ◆□▶ ◆○◆

## Outline

### Введение

lmage priors Модели патчей

### Fields of Experts

Модель Вывод Обучение

### Приложения

Image denoising Image inpainting

### Заключение

Fields of Experts

#### Введение Image priors Модели патчей

#### Fields of Experts

Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

◆□▶ ◆□▶ ◆ ≧▶ ◆ ≧▶ ≧ のへぐ

### FoE: Общий вид

FoE — однородная MRF высокого порядка с потенциалами PoE на кликах.

$$\mathbf{x} \in \mathbb{R}^{L imes M}; \quad \mathbf{x}_{(k)}, \, k = 1, \dots, K -$$
 клики

$$f(\mathbf{x}_{(k)}) = f_{\text{PoE}}(\mathbf{x}_{(k)}; \alpha_i) = \prod_{i=1}^{N} \phi(\mathbf{J}_i^T \mathbf{x}_{(k)}; \alpha_i)$$

3.7

$$p_{\text{FoE}}(\mathbf{x}; \Theta) = \frac{1}{Z(\Theta)} \prod_{k=1}^{K} \prod_{i=1}^{N} \phi(\mathbf{J}_{i}^{T} \mathbf{x}_{(k)}; \alpha_{i})$$

$$\Theta = \{\theta_1, ..., \theta_n\}, \quad \theta_i = (\mathbf{J}_i, \alpha_i)$$

 $\Theta$  — обучаемые параметры модели

Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

(ロ)、

### FoE: Энергетическая запись

$$\psi(\cdot; \alpha_i) = \log \phi(\cdot; \alpha_i) \quad \textit{log-expert}$$
$$p_{\text{FoE}}(\mathbf{x}; \Theta) = \frac{1}{Z(\Theta)} \exp \left\{-E_{\text{FoE}}(\mathbf{x}; \Theta)\right\}$$

$$E_{\text{FoE}}(\mathbf{x}; \Theta) = -\sum_{k=1}^{K} \sum_{i=1}^{N} \psi(\mathbf{J}_{i}^{T} \mathbf{x}_{(k)}; \alpha_{i})$$

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

## Особенности FoE

- Гибкость РоЕ.
- Моделируются зависимости между перекрывающимися патчами, т.к. параметры обучаются не на независимых патчах, а на изображениях.
- Инвариантность к сдвигу, т.к. MRF однородна.

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод

Обучение

Приложения Denoising Inpainting

### Цветные изображения

- Преобразовать RGB в YCbCr, использовать каналы отдельно.
- McAuley et al. (2006) расширили подход авторов FoE для работы с цветными изображениями, используя клики 3 × 3 × 3 и 5 × 5 × 3.
- Изображения для обучения были преобразованы в YCbCr, использовался только Y-канал.



#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

## Эксперты

Критерии выбора экспертов  $\phi(y; \alpha)$ :

- Гладкость по y и α: возможность использования градиентных методов вывода и обучения.
- Острота (kurtotic). Известно, что **J**<sup>T</sup>**x** на реальных изображениях имеет «острое» маргинальное распределение.

Student-t

$$\phi_T(y;\alpha) = \left(1 + \frac{1}{2}y^2\right)^{-\alpha}$$

- тяжелые хвосты
- ▶  $\psi_T(y)$  не выпуклая

### Charbonnier

$$\phi_C(y;\alpha,\beta) = e^{-\alpha\sqrt{\beta+y^2}}$$

- менее тяжелые хвосты
- ▶  $\psi_T(y)$  выпуклая
- хорошо сработало в других методах

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Вывод в FoE: МАР

$$p(\mathbf{x}|\mathbf{y}) \propto p(\mathbf{y}|\mathbf{x})p(\mathbf{x}) \to \max_{\mathbf{x}}$$

- У точных методов, а также основанных на ВР нет шансов: сложная структура графа, большие клики.
- Зато удобно спускаться по градиенту  $\log p(\mathbf{x}|\mathbf{y})$ :

$$\nabla_{\mathbf{x}} \log p_{\text{FoE}}(\mathbf{x}; \Theta) = \sum_{i=1}^{N} \mathbf{J}_{-}^{(i)} * \psi'(\mathbf{J}^{(i)} * \mathbf{x}; \alpha_i)$$
(1)

くしゃ 本面 そうせん ほう うめんろ

Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

### Максимум правдоподобия

$$\arg\max_{\Theta} p_{\text{FoE}}(X|\Theta), \quad X = \{\mathbf{x}^{(1)}, \dots, \mathbf{x}^{(D)}\}\$$

$$\log p(X|\Theta) = -\sum_{i=1}^{D} E(\mathbf{x}^{(i)}|\Theta) - D\log Z(\Theta)$$

- Решение в явном виде не выражается
- Минимизировать log-likelihood не удобно из-за нормировочной константы
- Зато максимизация правдоподобия эквивалентна минимизации KL

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

## Минимум KL

Обозначим:  $p^0$  — распределение данных X,  $p^i_{\theta}$  — распределение, полученное на *i*-том шаге МСМС.  $p^{\infty}$  — истинное распределение  $p(x|\theta)$ ,  $p^n_{\theta} \xrightarrow[n \to \infty]{} p^{\infty}_{\theta}$  $\operatorname{KL}(p^0 || p^{\infty}_{\theta}) \to \min$ 

$$\operatorname{KL}(p^{0}||p_{\theta}^{\infty}) = \sum_{\mathbf{x}\in X} p^{0}(\mathbf{x}) \log p^{0}(\mathbf{x}) - \sum_{\mathbf{x}\in X} p^{0}(\mathbf{x}) \log p_{\theta}^{\infty}(\mathbf{x}) =$$
$$= -H(p^{0}) - \langle \log p_{\theta}^{\infty} \rangle_{p_{0}} \to \min_{\theta}$$
$$\langle \log p_{\theta}^{\infty} \rangle_{p_{0}} \to \max_{\theta}$$
$$\delta \theta_{i} = \eta \left[ \left\langle \frac{\partial E}{\partial \theta_{m}} \right\rangle_{p_{\theta}^{\infty}} - \left\langle \frac{\partial E}{\partial \theta_{m}} \right\rangle_{p^{0}} \right]$$
(2)

●●● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ●

Fields of Experts

Image priors Модели патчей Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Введение

### Contrastive Divergence Learning

$$CD_n \to \min_{\theta}$$
$$CD_n = KL(p^0 || p_{\theta}^{\infty}) - KL(p_{\theta}^n || p_{\theta}^{\infty})$$

~~

$$\frac{\partial \mathrm{CD}_{n}}{\partial \theta_{m}} = \left\langle \frac{\partial E}{\partial \theta_{m}} \right\rangle_{p^{0}} - \left\langle \frac{\partial E}{\partial \theta_{m}} \right\rangle_{p^{n}_{\theta}} + \frac{\partial p^{n}_{\theta}}{\partial \theta_{m}} \frac{\partial \mathrm{KL}(p^{n}_{\theta} \| p^{\infty}_{\theta})}{\partial p^{n}_{\theta}} \quad (3)$$
$$\delta \theta_{i} = \eta \left[ \left\langle \frac{\partial E}{\partial \theta_{m}} \right\rangle_{p^{n}_{\theta}} - \left\langle \frac{\partial E}{\partial \theta_{m}} \right\rangle_{p^{0}_{\theta}} \right]$$

 На каждой итерации градиентного спуска производится n итераций MCMC

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

## Обучение FoE

- Авторы обучали модель с кликами  $3\times 3$  и  $5\times 5$  на изображениях  $15\times 15$
- Обучающая выборка: 20000 патчей, случайно выбранных из изображений базы Berkley Segmentation Benchmark
- Выборка разбита на пачки по 200 изображений, на каждой итерации используются данные только из одной, случайно выбранной пачки (стохастический градиентный спуск)
- 5000 итераций спуска CD<sub>1</sub>, гибридный метод Монте-Карло.
- ► Занимает много времени: Intel Pentium D, 3.2 GHz 3 × 3: 8 часов 5 × 5: 24 часа

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

## Outline

### Введение

lmage priors Модели патчей

### Fields of Experts

Модель Вывод Обучение

### Приложения Image denoising Image inpainting

Заключение

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

#### Приложения

Denoising Inpainting

Заключение

### Image denoising

$$\begin{split} p(\mathbf{x}) &= p_{\mathrm{FoE}}(\mathbf{x}) \\ \mathbf{y} &= \mathbf{x} + \varepsilon, \quad \varepsilon_i \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2) \\ p(\mathbf{y}|\mathbf{x}) \propto \prod_{k=1}^{L \cdot M} \exp\left(-\frac{1}{2\sigma^2}(y_k - x_k)^2\right) \\ \nabla_{\mathbf{x}} \log p(\mathbf{x}|\mathbf{y}) &= \omega \cdot \left[\sum_{i=1}^{N} \mathbf{J}_{-}^{(i)} * \psi'(\mathbf{J}^{(i)} * \mathbf{x}; \alpha_i)\right] + \frac{1}{\sigma^2}(\mathbf{y} - \mathbf{x}) \end{split}$$

 ω > 0 регулирует «силу» приора по сравнению с правдоподобием, может быть обучено по проверочной выборке. В реализации авторов, выбирается по σ.

#### Fields of Experts

атчей Experts

ния

Введение Image priors

### Image denoising: сравнение результатов



Оригинал



Зашумленное ( $\sigma = 25$ )

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

### Image denoising: сравнение результатов



FoE



Portilla et al. method

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

## Image denoising: сравнение результатов









on-local means



non-linear diffusion

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting



FoE



Portilla et al.



▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□ ● ● ●

## Image denoising: результаты FoE



### $\sigma = 15$ , PSNR: 30.22 dB

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

くしゃ (四)・(日)・(日)・(日)

## Image denoising: результаты FoE



### $\sigma=25$ , PSNR: 27.04 dB

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

・ロト ・ 「「・・」、・」、・「「・・」、

## Image inpainting





#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

くしゃ (中)・(中)・(中)・(日)・

### Image inpainting

$$p(\mathbf{y}|\mathbf{x}) = \prod_{k=1}^{L \cdot M} p(y_k|x_k),$$
$$p(y_k|x_k) = \begin{cases} 1, & k \in \mathcal{M} \\ \delta(y_k - x_k), & k \notin \mathcal{M} \end{cases}$$

$$\mathbf{x}^{(t+1)} = \mathbf{x}^{(t)} + \eta \mathbf{M} \left[ \sum_{i=1}^{N} \mathbf{J}_{-}^{(i)} * \psi'(\mathbf{J}^{(i)} * \mathbf{x}^{(t)}; \alpha_i) \right]$$

 $\mathcal{M}-$  мн-во пикселей, помеченых для заполнения

### ${f M}$ — соответствующая бинарная маска

 Такой метод не подходит для заполнения сложных текстур

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

### Image inpainting: сравнение методов I



Зарисованное текстом

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

・ロ・・母・・母・・ ゆ・・

### Image inpainting: сравнение методов I



# Предложенный метод с применением FoE (PSNR 29.06dB)

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

### Image inpainting: сравнение методов I



Bertalmío et al. (PSNR 27.56dB)

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

## Image inpainting: сравнение методов II



#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

### Original

### Image inpainting: сравнение методов II



Предложенный метод с применением FoE

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

◆□▶ ◆□▶ ◆ ≧▶ ◆ ≧▶ ≧ のへぐ

### Image inpainting: сравнение методов II



Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

Bertalmío et al.

## Image inpainting: результаты FoE



#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

## Image inpainting: результаты FoE



#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

## Outline

### Введение

lmage priors Модели патчей

### Fields of Experts

Модель Вывод Обучение

### Приложения

Image denoising Image inpainting

### Заключение

#### Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting

Заключение

・ロト ・ 日 ・ ・ ヨ ・ ・ ヨ ・ うへぐ

### Недостатки и пути развития

- Фильтры 5 × 5 достаточно малы, чтобы описывать текстурированные области. Небольшое увеличение фильтров (эксперимент 7 × 7) не особо помогает. Значительное увеличение затратно.
  - $\blacktriangleright$  Сэмплы из  $p_{\rm FoE}({f x})$  не выглядят натуральными.
  - Размытые области еще сильнее размываются, шум на текстурах убирается не полностью.
- Модель зависит от масштаба изображений (у конкурентов, кстати, не зависит).

• Размер клик можно было бы настраивать автоматически.

 Градиентный вывод применим не всегда, нужны исследования техник вывода для high-order MRF. Fields of Experts

Введение Image priors Модели патчей

Fields of Experts Модель Вывод Обучение

Приложения Denoising Inpainting