

Методы поиска ассоциативных правил

К. В. Воронцов

vokov@forecsys.ru

Этот курс доступен на странице вики-ресурса

<http://www.MachineLearning.ru/wiki>

«Машинное обучение (курс лекций, К.В.Воронцов)»

МФТИ

• 7 апреля 2023

Выявление структуры данных на основе сходства:

- кластеризация (clustering)
- оценивание плотности распределения (density estimation)
- одноклассовая классификация (anomaly detection)

Преобразование признакового пространства:

- Метод главных компонент (principal components analysis)
- Матричные разложения (matrix factorization)
- Автокодировщики (autoencoders)
- Многомерное шкалирование (multidimensional scaling)

Поиск взаимосвязей в данных путём синтеза учителя:

- Поиск ассоциативных правил (association rule learning)
- Самостоятельное обучение (self-supervised learning)
- Состязательные сети (generative adversarial net)

1 Задачи поиска ассоциативных правил

- Определения и обозначения
- Прикладные задачи
- Связь с логическими закономерностями

2 Алгоритм APrIory

- Этап 1: поиск частых наборов
- Этап 2: выделение ассоциативных правил
- Развитие алгоритмов индукции ассоциативных правил

3 Эффективные алгоритмы: FP-Growth, TopMine

- Этап 1: построение префиксного FP-дерева
- Этап 2: поиск частых наборов по FP-дереву
- Алгоритм поиска коллокаций в текстах

Определения и обозначения

X — пространство объектов

$X^\ell = \{x_1, \dots, x_\ell\} \subset X$ — обучающая выборка

$\mathcal{F} = \{f_1, \dots, f_n\}, f_j: X \rightarrow \{0, 1\}$ — бинарные признаки (items)

Каждому подмножеству $\varphi \subseteq \mathcal{F}$ соответствует конъюнкция

$$\varphi(x) = \bigwedge_{f \in \varphi} f(x), \quad x \in X$$

Если $\varphi(x) = 1$, то «признаки из φ совместно встречаются у x »

Частота встречаемости (поддержка, support) φ в выборке X^ℓ

$$\nu(\varphi) = \frac{1}{\ell} \sum_{i=1}^{\ell} \varphi(x_i)$$

Если $\nu(\varphi) \geq \delta$, то «набор φ частый» (frequent itemset)

Параметр δ — минимальная поддержка, MinSupp

Определения и обозначения

Определение

Ассоциативное правило (association rule) $\varphi \rightarrow y$ — это пара непересекающихся наборов $\varphi, y \subseteq \mathcal{F}$ таких, что:

1) наборы φ и y совместно часто встречаются,

$$\nu(\varphi \cup y) \geq \delta;$$

2) если встречается φ , то часто встречается также и y ,

$$\nu(y|\varphi) \equiv \frac{\nu(\varphi \cup y)}{\nu(\varphi)} \geq \kappa.$$

$\nu(y|\varphi)$ — значимость (confidence) правила.

Параметр δ — минимальная поддержка, MinSupp.

Параметр κ — минимальная значимость, MinConf.

Классический пример

Анализ рыночных корзин (market basket analysis) [1993]

признаки — товары (предметы, items)

объекты — чеки (транзакции)

$f_j(x_i) = 1$ означает, что в i -м чеке оплачен товар j .

Пример: «если куплен хлеб φ , то будет куплено и молоко у с вероятностью $\nu(y|\varphi) = 60\%$; причём оба товара покупаются совместно с вероятностью $\nu(\varphi \cup y) = 2\%$ ».

Возможные применения:

- оптимизировать размещение товаров на полках
- формировать персональные рекомендации
- планировать рекламные кампании (промо-акции)
- более эффективно управлять ценами и ассортиментом

Классический пример: «пиво с памперсами»



Data Mining — процесс обнаружения в сырых данных ранее неизвестных, нетривиальных, практически полезных, доступных интерпретации знаний, необходимых для принятия решений в различных сферах человеческой деятельности (Григорий Пятецкий-Шапиро, 1992)

Пример 2 — из области анализа текстов

Поиск частотных n -грамм в текстовых коллекциях
 признаки — слова (после лемматизации или стемминга)
 объекты — n -граммы — n -ки слов, идущих друг за другом

$f_j(x_i) = 1$ означает, что слово j входит в n -грамму x_i

Ассоциативное правило предсказывает,
 какое слово u может идти после $n-1$ предыдущих φ или
 какое слово u может находиться в окружении φ (skip-gram)

Пример: «пусть бегут неуклюже » с вероятностью 99%

Возможные применения:

- построение языковых моделей для генерации текста;
- выделение коллокаций — n -грамм, встречающихся значимо чаще, чем при случайном независимом сочетании слов,
- словосочетаний — грамматически связанных коллокаций,
- терминов — словосочетаний, означающих единое понятие

Ассоциативные правила — это логические закономерности

Определение

Предикат $\varphi(x)$ — логическая закономерность класса $c \in Y$

$$\text{Supp}(\varphi) = \frac{p(\varphi)}{\ell} \geq \delta; \quad \text{Conf}(\varphi) = \frac{p(\varphi)}{p(\varphi) + n(\varphi)} \geq \kappa$$

$$p(\varphi) = \#\{x_i \in X^\ell : \varphi(x_i) = 1 \text{ и } y(x_i) = c\} \quad +\text{примеры класса } c$$

$$n(\varphi) = \#\{x_i \in X^\ell : \varphi(x_i) = 1 \text{ и } y(x_i) \neq c\} \quad -\text{примеры класса } c$$

Для « $\varphi \rightarrow y$ » возьмём целевой признак $y(x) = \bigwedge_{f \in y} f(x)$. Тогда

$$\nu(\varphi \cup y) \equiv \text{Supp}_1(\varphi) \geq \delta; \quad \frac{\nu(\varphi \cup y)}{\nu(\varphi)} \equiv \text{Conf}_1(\varphi) \geq \kappa$$

Вывод: различия двух определений — чисто терминологические

Два этапа построения правил. Свойство антимонотонности

Поскольку $\varphi(x) = \bigwedge_{f \in \varphi} f(x)$ — конъюнкция, имеет место

свойство антимонотонности:

для любых $\psi, \varphi \subset \mathcal{F}$ из $\varphi \subset \psi$ следует $\nu(\varphi) \geq \nu(\psi)$.

Следствия:

- ① если ψ частый, то все его подмножества $\varphi \subset \psi$ частые.
- ② если φ не частый, то все наборы $\psi \supset \varphi$ также не частые.
- ③ $\nu(\varphi \cup \psi) \leq \nu(\varphi)$ для любых φ, ψ .

Два этапа поиска ассоциативных правил:

- ① поиск частых наборов
(многоократный просмотр транзакционной базы данных).
- ② выделение ассоциативных правил
(простая эффективная процедура в оперативной памяти).

Алгоритм APrIory (основная идея — поиск в ширину)

вход: X^ℓ — обучающая выборка; $\delta = \text{MinSupp}$; $\varkappa = \text{MinConf}$;

выход: $R = \{(\varphi, y)\}$ — список ассоциативных правил;

множество всех частых исходных признаков:

$$G_1 := \{f \in \mathcal{F} \mid \nu(f) \geq \delta\};$$

для всех $j = 2, \dots, n$

множество всех частых наборов мощности j :

$$G_j := \{\varphi \cup \{f\} \mid \varphi \in G_{j-1}, f \in G_1 \setminus \varphi, \nu(\varphi \cup \{f\}) \geq \delta\};$$

если $G_j = \emptyset$ **то**

выход из цикла по j ;

$$R := \emptyset;$$

для всех $\psi \in G_j, j = 2, \dots, n$

$$\text{AssocRules}(R, \psi, \emptyset);$$

Выделение ассоциативных правил

Этап 2. Простой рекурсивный алгоритм, выполняемый быстро, как правило, полностью в оперативной памяти.

функция $\text{AssocRules}(R, \varphi, y)$

вход: (φ, y) — ассоциативное правило;

выход: R — список ассоциативных правил;

для всех $f \in \varphi: \text{id}_f > \max_{g \in y} \text{id}_g$ (чтобы избежать повторов y)

$\varphi' := \varphi \setminus \{f\}; \quad y' := y \cup \{f\};$

если $\nu(y'|\varphi') \geq \varkappa$ **то**

добавить ассоциативное правило (φ', y') в список R ;

если $|\varphi'| > 1$ **то**

 └ $\text{AssocRules}(R, \varphi', y');$

id_f — порядковый номер признака f в $\mathcal{F} = \{f_1, \dots, f_n\}$

Модификации алгоритмов индукции ассоциативных правил

- Более эффективные структуры данных для быстрого поиска частых наборов
- Поиск правил по случайной подвыборке объектов при пониженных δ, ε , затем отбор правил на полной выборке
- Иерархические алгоритмы, учитывающие иерархию признаков (например, товарное дерево)
- Учёт времени: инкрементные и декрементные алгоритмы

Другие, но похожие задачи:

- Поиск последовательных шаблонов в клиентских транзакциях (sequential pattern mining)
- Поиск в текстах высокочастотных n -грамм, коллокаций или терминов (automatic term extraction)
- Учёт информации о клиентах (рекомендательные системы)

Префиксное FP-дерево (FP — frequent pattern). Пример.

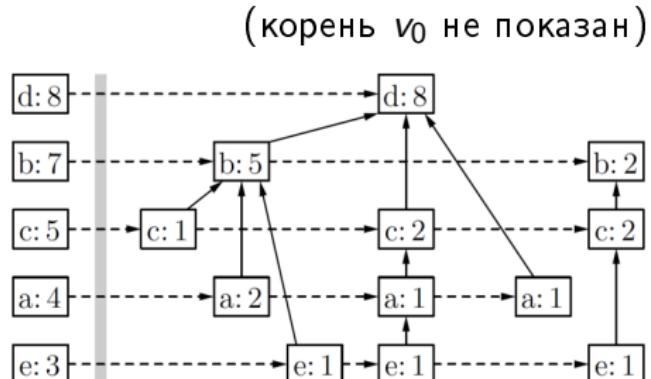
Упорядочим все признаки $f \in \mathcal{F}$: $\nu(f) \geq \delta$ по убыванию $\nu(f)$.

Каждый объект описывается словом в алфавите \mathcal{F} ;

FP-дерево — это эффективный способ хранения словаря;

уровни дерева соответствуют признакам, по убыванию $\nu(f)$.

матрица, $\ell = 10$	слова
a - - d - f -	d a
a - c d e - -	d c a e
- b - d - - -	d b
- b c d - - -	d b c
- b c - - - -	b c
a b - d - - -	d b a
- b - d e - -	d b e
- b c - e - g	b c e
- - c d - f -	d c
a b - d - - -	d b a



при $\delta = \frac{3}{\ell}$ признаки f, g не частые

Префиксное FP-дерево (FP — frequent pattern). Пример.

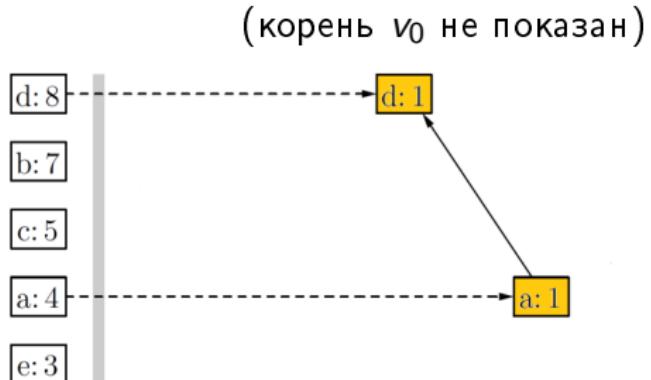
Упорядочим все признаки $f \in \mathcal{F}$: $\nu(f) \geq \delta$ по убыванию $\nu(f)$.

Каждый объект описывается словом в алфавите \mathcal{F} ;

FP-дерево — это эффективный способ хранения словаря;

уровни дерева соответствуют признакам, по убыванию $\nu(f)$.

матрица, $\ell = 10$	слова
a - - d - f -	d a
a - c d e - -	d c a e
- b - d - - -	d b
- b c d - - -	d b c
- b c - - - -	b c
a b - d - - -	d b a
- b - d e - -	d b e
- b c - e - g	b c e
- - c d - f -	d c
a b - d - - -	d b a



при $\delta = \frac{3}{\ell}$ признаки f, g не частые

Префиксное FP-дерево (FP — frequent pattern). Пример.

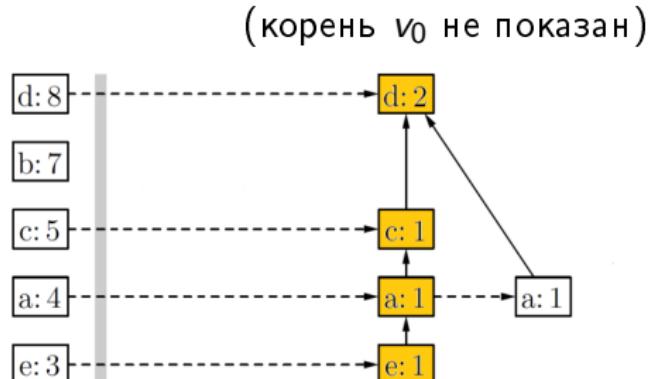
Упорядочим все признаки $f \in \mathcal{F}$: $\nu(f) \geq \delta$ по убыванию $\nu(f)$.

Каждый объект описывается словом в алфавите \mathcal{F} ;

FP-дерево — это эффективный способ хранения словаря;

уровни дерева соответствуют признакам, по убыванию $\nu(f)$.

матрица, $\ell = 10$	слова
a - - d - f -	d a
a - c d e - -	d c a e
- b - d - - -	d b
- b c d - - -	d b c
- b c - - - -	b c
a b - d - - -	d b a
- b - d e - -	d b e
- b c - e - g	b c e
- - c d - f -	d c
a b - d - - -	d b a



при $\delta = \frac{3}{\ell}$ признаки f, g не частые

Префиксное FP-дерево (FP — frequent pattern). Пример.

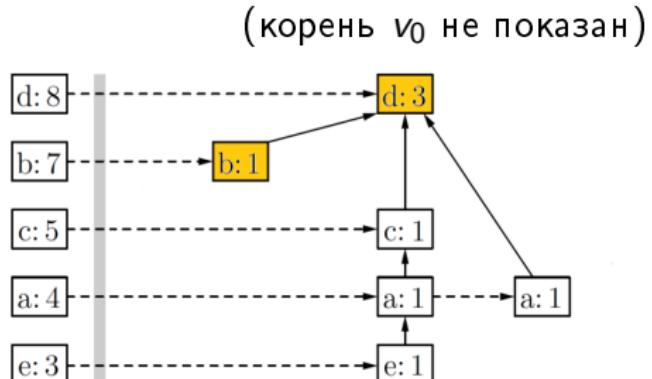
Упорядочим все признаки $f \in \mathcal{F}$: $\nu(f) \geq \delta$ по убыванию $\nu(f)$.

Каждый объект описывается словом в алфавите \mathcal{F} ;

FP-дерево — это эффективный способ хранения словаря;

уровни дерева соответствуют признакам, по убыванию $\nu(f)$.

матрица, $\ell = 10$	слова
a - - d - f -	d a
a - c d e - -	d c a e
- b - d - - -	d b
- b c d - - -	d b c
- b c - - - -	b c
a b - d - - -	d b a
- b - d e - -	d b e
- b c - e - g	b c e
- - c d - f -	d c
a b - d - - -	d b a



при $\delta = \frac{3}{\ell}$ признаки f, g не частые

Префиксное FP-дерево (FP — frequent pattern). Пример.

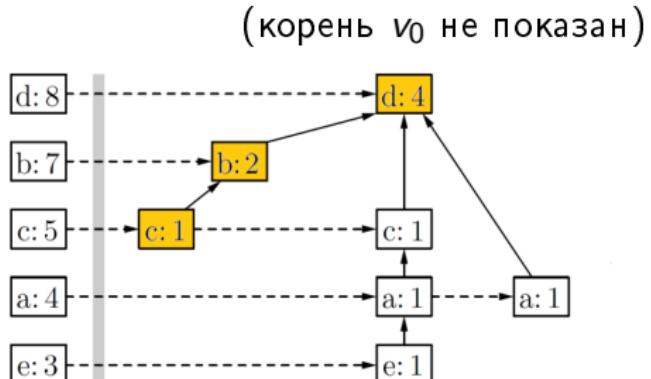
Упорядочим все признаки $f \in \mathcal{F}$: $\nu(f) \geq \delta$ по убыванию $\nu(f)$.

Каждый объект описывается словом в алфавите \mathcal{F} ;

FP-дерево — это эффективный способ хранения словаря;

уровни дерева соответствуют признакам, по убыванию $\nu(f)$.

матрица, $\ell = 10$	слова
a - - d - f -	d a
a - c d e - -	d c a e
- b - d - - -	d b
- b c d - - -	d b c
- b c - - - -	b c
a b - d - - -	d b a
- b - d e - -	d b e
- b c - e - g	b c e
- - c d - f -	d c
a b - d - - -	d b a



при $\delta = \frac{3}{\ell}$ признаки f, g не частые

Префиксное FP-дерево (FP — frequent pattern). Пример.

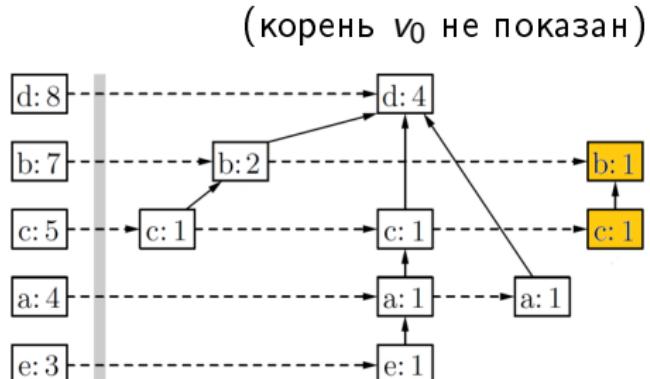
Упорядочим все признаки $f \in \mathcal{F}$: $\nu(f) \geq \delta$ по убыванию $\nu(f)$.

Каждый объект описывается словом в алфавите \mathcal{F} ;

FP-дерево — это эффективный способ хранения словаря;

уровни дерева соответствуют признакам, по убыванию $\nu(f)$.

матрица, $\ell = 10$	слова
a - - d - f -	d a
a - c d e - -	d c a e
- b - d - - -	d b
- b c d - - -	d b c
- b c - - -	b c
a b - d - - -	d b a
- b - d e - -	d b e
- b c - e - g	b c e
- - c d - f -	d c
a b - d - - -	d b a



при $\delta = \frac{3}{\ell}$ признаки f, g не частые

Префиксное FP-дерево (FP — frequent pattern). Пример.

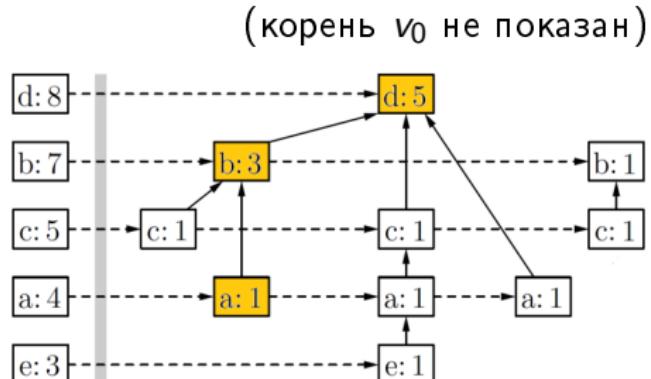
Упорядочим все признаки $f \in \mathcal{F}$: $\nu(f) \geq \delta$ по убыванию $\nu(f)$.

Каждый объект описывается словом в алфавите \mathcal{F} ;

FP-дерево — это эффективный способ хранения словаря;

уровни дерева соответствуют признакам, по убыванию $\nu(f)$.

матрица, $\ell = 10$	слова
a - - d - f -	d a
a - c d e - -	d c a e
- b - d - - -	d b
- b c d - - -	d b c
- b c - - - -	b c
a b - d - - -	d b a
- b - d e - -	d b e
- b c - e - g	b c e
- - c d - f -	d c
a b - d - - -	d b a



при $\delta = \frac{3}{\ell}$ признаки f, g не частые

Префиксное FP-дерево (FP — frequent pattern). Пример.

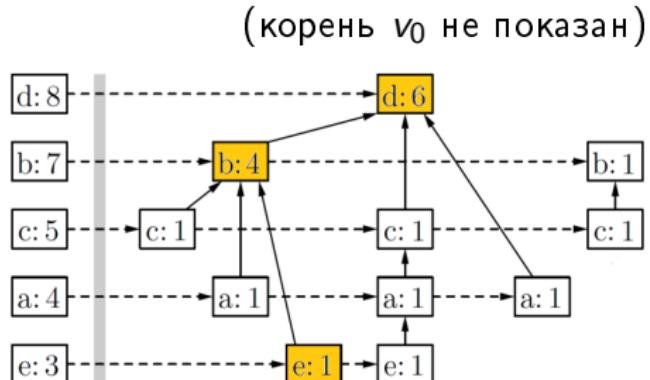
Упорядочим все признаки $f \in \mathcal{F}$: $\nu(f) \geq \delta$ по убыванию $\nu(f)$.

Каждый объект описывается словом в алфавите \mathcal{F} ;

FP-дерево — это эффективный способ хранения словаря;

уровни дерева соответствуют признакам, по убыванию $\nu(f)$.

матрица, $\ell = 10$	слова
a - - d - f -	d a
a - c d e - -	d c a e
- b - d - - -	d b
- b c d - - -	d b c
- b c - - - -	b c
a b - d - - -	d b a
- b - d e - -	d b e
- b c - e - g	b c e
- - c d - f -	d c
a b - d - - -	d b a



при $\delta = \frac{3}{\ell}$ признаки f, g не частые

Префиксное FP-дерево (FP — frequent pattern). Пример.

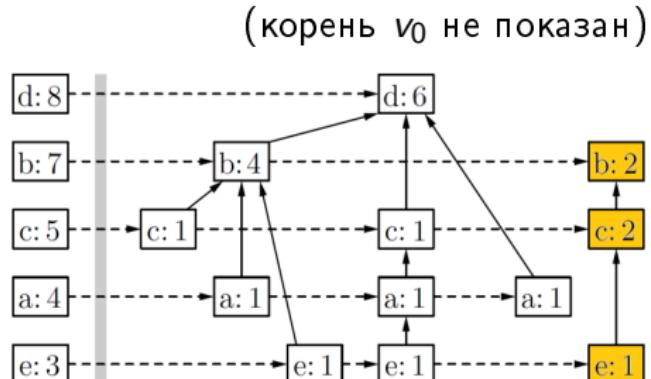
Упорядочим все признаки $f \in \mathcal{F}$: $\nu(f) \geq \delta$ по убыванию $\nu(f)$.

Каждый объект описывается словом в алфавите \mathcal{F} ;

FP-дерево — это эффективный способ хранения словаря;

уровни дерева соответствуют признакам, по убыванию $\nu(f)$.

матрица, $\ell = 10$	слова
a - - d - f -	d a
a - c d e - -	d c a e
- b - d - - -	d b
- b c d - - -	d b c
- b c - - - -	b c
a b - d - - -	d b a
- b - d e - -	d b e
- b c - e - g	b c e
- - c d - f -	d c
a b - d - - -	d b a



при $\delta = \frac{3}{\ell}$ признаки f, g не частые

Префиксное FP-дерево (FP — frequent pattern). Пример.

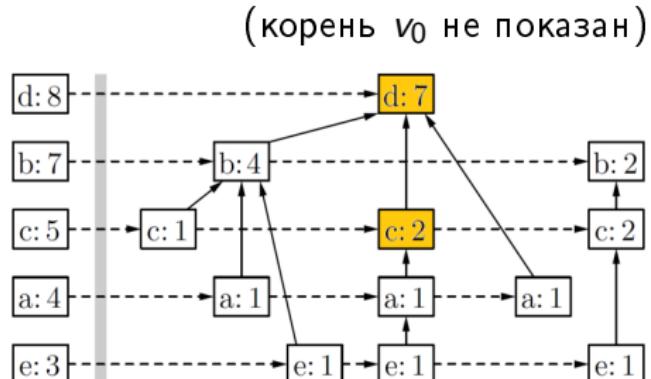
Упорядочим все признаки $f \in \mathcal{F}$: $\nu(f) \geq \delta$ по убыванию $\nu(f)$.

Каждый объект описывается словом в алфавите \mathcal{F} ;

FP-дерево — это эффективный способ хранения словаря;

уровни дерева соответствуют признакам, по убыванию $\nu(f)$.

матрица, $\ell = 10$	слова
a - - d - f -	d a
a - c d e - -	d c a e
- b - d - - -	d b
- b c d - - -	d b c
- b c - - - -	b c
a b - d - - -	d b a
- b - d e - -	d b e
- b c - e - g	b c e
- - c d - f -	d c
a b - d - - -	d b a



при $\delta = \frac{3}{\ell}$ признаки f, g не частые

Префиксное FP-дерево (FP — frequent pattern). Пример.

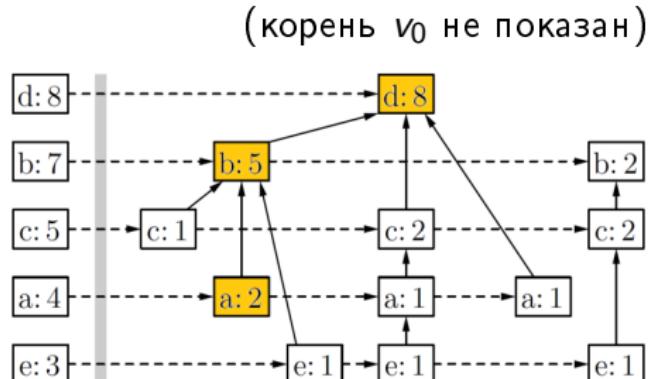
Упорядочим все признаки $f \in \mathcal{F}$: $\nu(f) \geq \delta$ по убыванию $\nu(f)$.

Каждый объект описывается словом в алфавите \mathcal{F} ;

FP-дерево — это эффективный способ хранения словаря;

уровни дерева соответствуют признакам, по убыванию $\nu(f)$.

матрица, $\ell = 10$	слова
a - - d - f -	d a
a - c d e - -	d c a e
- b - d - - -	d b
- b c d - - -	d b c
- b c - - - -	b c
a b - d - - -	d b a
- b - d e - -	d b e
- b c - e - g	b c e
- - c d - f -	d c
a b - d - - -	d b a



при $\delta = \frac{3}{\ell}$ признаки f, g не частые

Префиксное FP-дерево (FP — frequent pattern)

В каждой вершине v дерева T задаётся тройка $\langle f_v, c_v, S_v \rangle$:

- признак $f_v \in \mathcal{F}$;
- множество дочерних вершин $S_v \subset T$;
- счётчик поддержки $c_v = \ell\nu(\varphi_v)$ набора $\varphi_v = \{f_u : u \in [v_0, v]\}$,
где $[v_0, v]$ — путь от корня дерева v_0 до вершины v .

Обозначения:

$V(T, f) = \{v \in T : f_v = f\}$ — все вершины признака (уровня) f .

$C(T, f) = \sum_{v \in V(T, f)} c_v$ — сумма счётчиков поддержки признака f .

Свойства FP-дерева T , построенного по всей выборке X^ℓ :

- ① $\frac{1}{\ell} C(T, f) = \nu(f)$ — поддержка признака f .
- ② T содержит информацию о $\nu(\varphi)$ всех частых наборов φ .

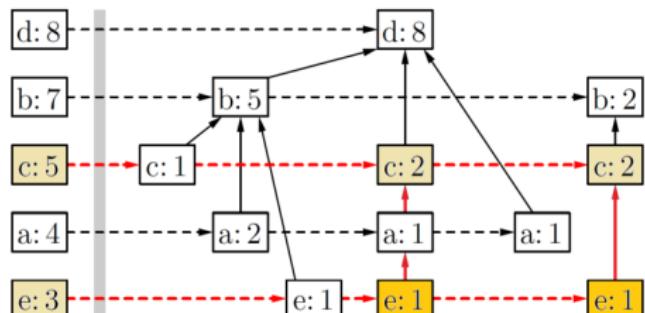
FP-дерево содержит информацию о всех частых наборах

Как по FP-дереву найти $\nu(\varphi)$ для произвольного набора φ :

- ❶ выделить пути $[v_0, v]$, содержащие все признаки из φ
- ❷ суммировать c_v нижних вершин всех таких путей

Пример: $\varphi = \{\text{"c"}, \text{"e"}\}$, две записи, два пути, $\nu(\varphi) = \frac{2}{\ell}$:

матрица, $\ell = 10$	слова
a - - d - f -	d a
a - c d e - -	d c a e
- b - d - - -	d b
- b c d - - -	d b c
- b c - - - -	b c
a b - d - - -	d b a
- b - d e - - -	d b e
- b c - e - g	b c e
- - c d - f -	d c
a b - d - - -	d b a



Алгоритм FP-growth

вход: X^ℓ — обучающая выборка;

выход: FP-дерево T ; $\langle f_v, c_v, S_v \rangle$ для всех вершин $v \in T$;

упорядочить признаки $f \in \mathcal{F}$: $\nu(f) \geq \delta$ по убыванию $\nu(f)$;

ЭТАП 1: построение FP-дерева T по выборке X^ℓ

для всех $i := 1, \dots, \ell$

$v := v_0$;

для всех $f \in \mathcal{F}$ таких, что $f(x_i) = 1$, по убыванию $\nu(f)$

 если нет дочерней вершины $u \in S_v$: $f_u = f$ **то**

 создать новую вершину u ; $S_v := S_v \cup \{u\}$;

$f_u := f$; $c_u := 0$; $S_u := \emptyset$;

$c_u := c_u + 1$; $v := u$;

ЭТАП 2: рекурсивный поиск частых наборов по FP-дереву T

FP-find(T, \emptyset, \emptyset);

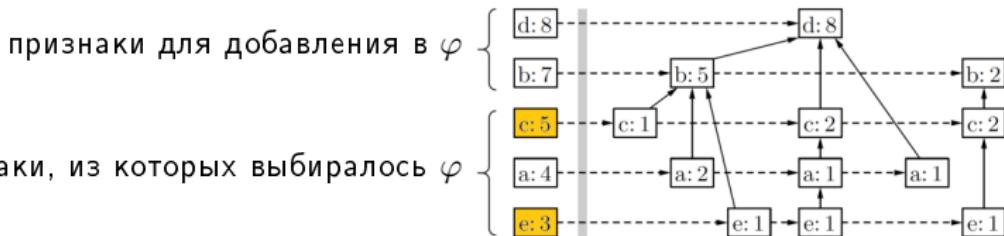
Этап 2: рекурсивный поиск частых наборов по FP-дереву

$\text{FP-find}(T, \varphi, R)$ находит по FP-дереву T все частые наборы, содержащие частый набор φ , и добавляет их в список R .

Две идеи эффективной реализации FP-find :

1. Вместо T достаточно передать *условное FP-дерево* $T|\varphi$, это FP-дерево, порождаемое подвыборкой $\{x_i \in X^\ell : \varphi(x_i) = 1\}$
2. Будем добавлять в φ только те признаки, которые находятся выше в FP-дереве. Так мы переберём все подмножества $\varphi \subseteq \mathcal{F}$.

Пример: $\varphi = \{\text{"c"}, \text{"e"}\}$



Этап 2: рекурсивный поиск частых наборов по FP-дереву

функция FP-find (T, φ, R)

вход: FP-дерево T , частый набор φ , список наборов R ;

выход: добавить в R все частые наборы, содержащие φ ;

для всех $f \in \mathcal{F}$: $V(T, f) \neq \emptyset$ по уровням **снизу вверх**

если $C(T, f) \geq \ell\delta$ **то**

добавить частый набор $\varphi \cup \{f\}$ в список R ;

$T' := T|f$ — условное FP-дерево;

найти по T' все частые наборы, включающие φ и f :

FP-find($T', \varphi \cup \{f\}, R$);

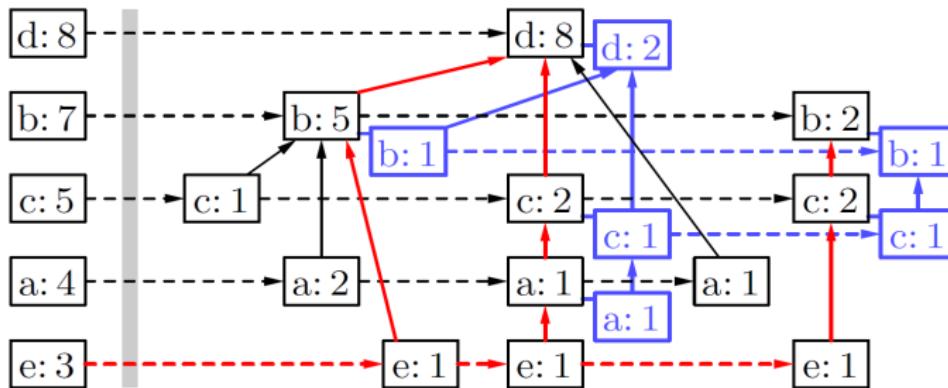
Условное FP-дерево $T' = T|f$ можно построить быстро, используя только FP-дерево T и не заглядывая в выборку.

Условное FP-дерево

Пусть FP-дерево T построено по подвыборке $U \subseteq X^\ell$.

Опр. Условное FP-дерево (conditional FP-tree) $T' = T|f$ — это FP-дерево, порождаемое подвыборкой $\{x_i \in U : f(x_i) = 1\}$, из которого удалены все вершины признака f и ниже.

Пример: CFP-дерево $T|“e”$



Быстрое построение условного FP-дерева $T' = T|f$

вход: FP-дерево T , признак $f \in \mathcal{F}$;

выход: условное FP-дерево $T' = T|f$;

- 1 оставить в дереве только вершины на путях

из вершин v признака f снизу вверх до корня v_0 :

$$T' := \bigcup_{v \in V(T, f)} [v, v_0];$$

- 2 поднять значения счётчиков c_v

от вершин $v \in V(T', f)$ снизу вверх по правилу

$$c_u := \sum_{w \in S_u} c_w \text{ для всех } u \in T';$$

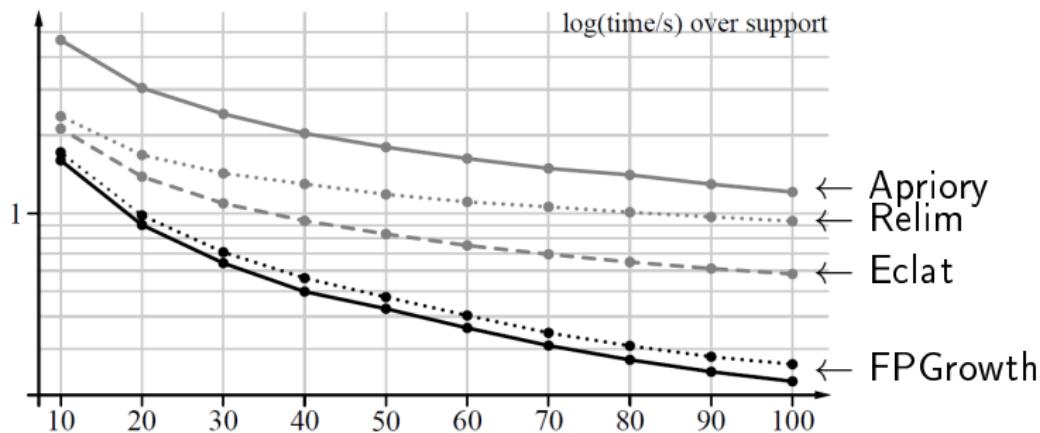
- 3 удалить из T' все вершины признака f ;

В дереве $T' = T|f$ остаются только признаки выше f , т.к. в момент вызова FP-find все наборы, содержащие признаки ниже f , уже просмотрены.

Эффективность алгоритма FP-Growth

Зависимость \log_{10} времени работы алгоритма от MinSupp в сравнении с другими алгоритмами (на данных census).

Нижние кривые — две разные реализации FP-growth.



Christian Borgelt. An Implementation of the FPgrowth Algorithm. 2005.

Задача автоматического выделения терминов

Термин — фраза (*n*-грамма) со следующим набором свойств:

- ❶ *высокая частотность* (frequency):
много раз встречается в коллекции;
- ❷ *контактная сочетаемость слов* (collocation):
состоит из слов, неслучайно часто встречающихся вместе;
- ❸ *полнота* (completeness):
является максимальной по включению цепочкой слов;
- ❹ *синтаксическая связность* (syntactic connectedness):
является грамматически корректным словосочетанием;
- ❺ *тематичность* (topicality):
часто встречается в узком подмножестве тем.

Сумма технологий для ATE (Authomatic Term Extraction):

TopMine ❶ ❷ ❸ + UDPipe ❹ + PTM ❺

Алгоритм TopMine: определения и основные идеи

- $C(a_1, \dots, a_k)$ — хэш-таблица частот k -грамм, $a_i \in W$,
 $C(w) = n_w$ для всех униграмм $w \in W$: $n_w \geq \varepsilon_1$
- ε_k — пороговое значение частоты частых k -грамм
- $A_{d,k}$ — множество позиций i в документе d , с которых начинаются все частые k -граммы:

$$C(w_{d,i}, \dots, w_{d,i+k-1}) \geq \varepsilon_k$$

- Свойство антимонотонности:

$$C(a_1, \dots, a_k) \geq C(a_1, \dots, a_k, a_{k+1})$$

- Основной шаг алгоритма: для всех $i = 1, \dots, n_d$
если ($i \in A_{d,k}$) **и** ($i + 1 \in A_{d,k}$) **то** $\text{++}C(w_{d,i}, \dots, w_{d,i+k})$

Ahmed El-Kishky, Yanglei Song, Chi Wang, Clare R. Voss, Jiawei Han.
Scalable Topical Phrase Mining from Text Corpora. VLDB, 2015.

Алгоритм TopMine: быстрый поиск всех частых k -грамм

вход: коллекция D , пороги ε_k ;

выход: хэш-таблица частот $C(a_1, \dots, a_k)$, $k = 1, \dots, k_{\max}$;

$C(w) := n_w$ для всех $w \in W$;

$A_{d,0} := \{1, \dots, n_d\}$;

для $k := 1, \dots, k_{\max}$

для всех $d \in D$

$A_{d,k} := \{i \in A_{d,k-1} \mid C(w_{d,i}, \dots, w_{d,i+k-1}) \geq \varepsilon_k\}$;

для всех $i \in A_{d,k}$

если $i + 1 \in A_{d,k}$ **то** $++C(w_{d,i}, \dots, w_{d,i+k})$;

 оставить только частые k -граммы: $C(a_1, \dots, a_k) \geq \varepsilon_k$;

Преимущество алгоритма: линейная память и скорость.

*Ahmed El-Kishky, Yanglei Song, Chi Wang, Clare R. Voss, Jiawei Han.
Scalable Topical Phrase Mining from Text Corpora. VLDB, 2015.*

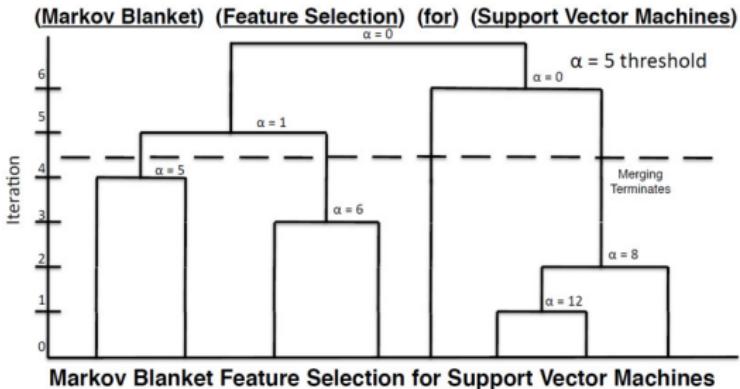
Алгоритм TopMine: отбор фраз по частоте и полноте

Итеративное слияние фраз с понижением значимости α .

p_u — оценка вероятности встретить фразу u

p_{uv} — оценка вероятности встретить фразу uv

Критерии: $\text{SignificanceScore} = \frac{p_{uv} - p_u p_v}{\sqrt{p_{uv}}}$ или $\text{PMI} = \log \frac{p_{uv}}{p_u p_v}$



- Поиск ассоциативных правил — обучение без учителя.
- Ассоциативное правило (по определению) — почти то же самое, что логическая закономерность.
- Простые алгоритмы типа APrIOrY вычислительно неэффективны на больших данных.
- FP-growth — один из самых эффективных алгоритмов поиска ассоциативных правил.
- Для практических приложений используются его инкрементные и/или иерархические обобщения.
- Поиск коллокаций в текстах — похожая задача, но ищем подпоследовательности, а не подмножества